مراجعة ليلة الامتحان

في الهندسة

الصف الثالث الإعدادي
الفصل الدراسي الثاني

2025

إعداد

أسرة كتاب اليماني في الرياضيات

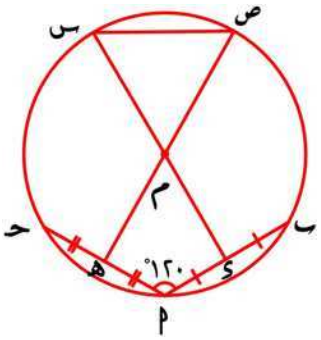
موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

أولاً : الأسئلة المقالية

★ أولاً : الدائرة :

❶ في الشكل المقابل :

$\overline{أب}$ ، $\overline{أحـ}$ وتران في الدائرة م يحصران بينهما زاوية قياسها ١٢٠° ، ء ، هـ منتصفا $\overline{أب}$ ، $\overline{أحـ}$ علي الترتيب ، رسم $\overleftarrow{ءم}$ ، $\overleftarrow{هم}$ فقطعا الدائرة في س ، ص علي الترتيب



أثبت أن : Δ س ص م متساوي الأضلاع

البرهان :

∵ ء منتصف $\overline{أب}$ ∴ $\overline{مء} \perp \overline{أب}$ ∴ ق(∠ م ء أ) = ٩٠°

∵ هـ منتصف $\overline{أحـ}$ ∴ $\overline{مهـ} \perp \overline{أحـ}$ ∴ ق(∠ م هـ أ) = ٩٠°

∵ مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي = ٣٦٠°

∴ ق(∠ ء م هـ) = ٣٦٠° – (٩٠° + ٩٠° + ١٢٠°) = ٦٠°

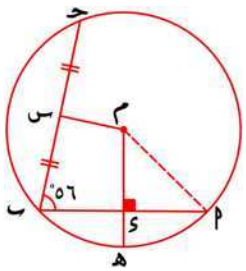
∴ ق(∠ س م ص) = ٦٠° **بالتقابل بالرأس** ، ∵ م س = م ص **(أنصاف أقطار)**

∴ Δ م س ص **متساوي الأضلاع**

---

❷ في الشكل المقابل :

$\overline{أب}$ ، $\overline{بحـ}$ وتران في الدائرة م التي طول نصف قطرها ٥ سم ، $\overline{مء} \perp \overline{أب}$ ، ق(∠ ب) = ٥٦° ، س منتصف $\overline{بحـ}$ ، أ ب = ٨ سم



أوجد : ① ق(∠ ء م س) ② طول $\overline{ءهـ}$

البرهان :

∵ س منتصف $\overline{بحـ}$ ∴ $\overline{مس} \perp \overline{بحـ}$ ∴ ق(∠ م س ب) = ٩٠°

∵ $\overline{مء} \perp \overline{أب}$ ∴ ق(∠ م ء ب) = ٩٠°

∵ مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي = ٣٦٠°

∴ ق(∠ ء م س) = ٣٦٠° – (٩٠° + ٩٠° + ٥٦°) = ١٢٤°

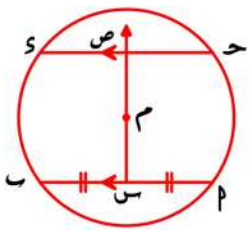
نرسم $\overline{مأ}$ ∵ $\overline{مء} \perp \overline{أب}$ ∴ ء منتصف $\overline{أب}$ ∴ أ ء = ٤ سم

∵ Δ أ م ء قائم الزاوية في ء

∴ م ء = $\sqrt{(٥)^{٢} - (٤)^{٢}}$ = ٣ سم ∴ ء هـ = ٥ – ٣ = ٢ سم

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

٣ في الشكل المقابل :



م دائرة ، $\overline{أ ب} \parallel \overleftrightarrow{حـ ء}$ ، س منتصف $\overline{أ ب}$

، رسم $\overleftrightarrow{س م}$ فقطع $\overleftrightarrow{حـ ء}$ في ص

أثبت أن : ص منتصف $\overline{حـ ء}$

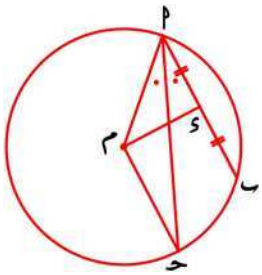
البرهان :

∵ س منتصف $\overline{أ ب}$ ∴ $\overline{م س} \perp \overline{أ ب}$

∵ $\overline{أ ب} \parallel \overleftrightarrow{حـ ء}$ ∴ $\overline{م ص} \perp \overleftrightarrow{حـ ء}$ ∴ ص منتصف $\overline{حـ ء}$

---

٤ في الشكل المقابل :



$\overline{أ ب}$ وتر في الدائرة م ، $\overleftarrow{أ حـ}$ ينصف (∠ ب أ م)

ويقطع الدائرة م في حـ ، إذا كان ء منتصف $\overline{أ ب}$

أثبت أن : $\overline{ء م} \perp \overline{م حـ}$

البرهان :

∵ أم = م حـ = نق ∴ ق(∠ م أ حـ) = ق(∠ حـ) ❶

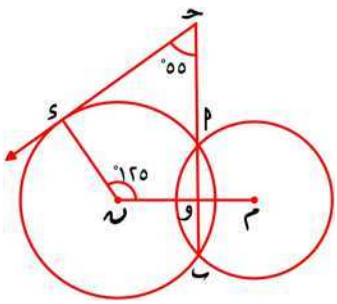
∵ $\overleftarrow{أ حـ}$ ينصف (∠ ب أ م) ∴ ق(∠ م أ حـ) = ق(∠ ب أ حـ) ❷

من ❶ ، ❷ : ∴ ق(∠ ب أ حـ) = ق(∠ حـ) وهما في وضع التبادل ∴ $\overline{أ ب} \parallel \overline{م حـ}$

∵ ء منتصف $\overline{أ ب}$ ∴ $\overline{م ء} \perp \overline{أ ب}$ ∴ $\overline{ء م} \perp \overline{م حـ}$

---

٥ في الشكل المقابل :



م ، نق دائرتان متقاطعتان في أ ، ب ، حـ ∈ $\overleftarrow{أ ب}$

، ء ∈ الدائرة نق ، ق(∠ م نق ء) = ١٢٥°

، ق(∠ ب حـ ء) = ٥٥°

أثبت أن : $\overleftarrow{حـ ء}$ مماساً للدائرة نق عند ء

البرهان :

∵ $\overleftrightarrow{م نق}$ خط المركزين ، $\overline{أ ب}$ الوتر المشترك

∴ $\overleftrightarrow{م نق} \perp \overline{أ ب}$ ∴ ق(∠ أ و نق) = ٩٠°

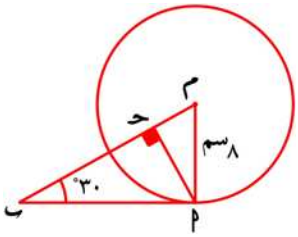
∵ مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي = ٣٦٠°

∴ ق(∠ ء) = ٣٦٠° - (٩٠° + ٥٥° + ١٢٥°) = ٩٠°

∴ $\overline{نق ء} \perp \overleftrightarrow{حـ ء}$ ∴ $\overleftrightarrow{حـ ء}$ مماساً للدائرة نق عند ء

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

٦ في الشكل المقابل :



$\overleftarrow{أ ب}$ مماس للدائرة م عند أ

، م أ = ٨ سم ، ق(∠ أ ب م) = ٣٠°

أوجد : طول كل من $\overline{أ ب}$ ، $\overline{أ حـ}$

البرهان :

∵ $\overleftarrow{أ ب}$ مماس للدائرة م عند أ ∴ $\overline{م أ} \perp \overline{أ ب}$ ∴ ق(∠ م أ ب) = ٩٠°

∵ ق(∠ أ ب م) = ٣٠° ∴ م ب = ٢ م أ = ١٦ سم

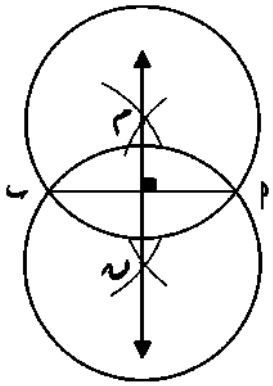
∴ أ ب = $\sqrt{(١٦)^{٢} - (٨)^{٢}}$ = $٨\sqrt{٣}$ سم ∴ أ حـ = $\frac{٨ \times \sqrt{٣}}{١٦}$ = $٤\sqrt{٣}$ سم

---

٧ باستخدام الأدوات الهندسية : ارسم $\overline{أ ب}$ طولها ٤ سم

ثم ارسم دائرة تمر بالنقطتين أ ، ب وطول نصف قطرها ٣ سم

كم عدد الحلول الممكنة ؟ (لا تمح الأقواس)

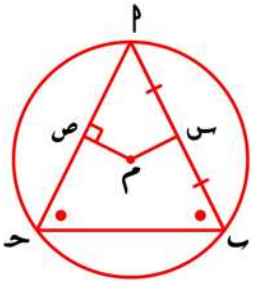


الحل :

عدد الحلول الممكنة ٢

---

٨ في الشكل المقابل :



أ ب حـ مثلث مرسوم داخل دائرة م

فيه ق(∠ ب) = ق(∠ حـ) ، س منتصف $\overline{أ ب}$

، $\overline{م ص} \perp \overline{أ حـ}$ **أثبت أن :** م س = م ص

البرهان :

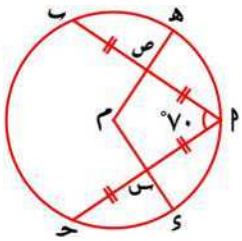
∵ ق(∠ ب) = ق(∠ حـ) ∴ أ ب = أ حـ

∵ س منتصف $\overline{أ ب}$ ∴ $\overline{م س} \perp \overline{أ ب}$

∵ $\overline{م س} \perp \overline{أ ب}$ ، $\overline{م ص} \perp \overline{أ حـ}$ ، أ ب = أ حـ (أوتار) ∴ م س = م ص (أبعاد)

---

٩ في الشكل المقابل :



$\overline{أ ب}$ ، $\overline{أ حـ}$ وتران متساويان في الطول في الدائرة م

، ص منتصف $\overline{أ ب}$ ، س منتصف $\overline{أ حـ}$

① **أوجد :** ق(∠ ء م هـ) ② **أثبت أن :** س ء = ص هـ

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

البرهان :

∵ س منتصف $\overline{أ ب}$ ∴ $\overline{م س} \perp \overline{أ ب}$ ∴ ق(∠ أ س م) = ٩٠°

∵ ص منتصف $\overline{أ حـ}$ ∴ $\overline{م ص} \perp \overline{أ حـ}$ ∴ ق(∠ أ ص م) = ٩٠°

∵ مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي = ٣٦٠°

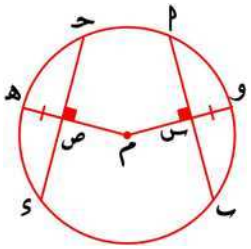
∴ ق(∠ ء م هـ) = ٣٦٠° − (٩٠° + ٩٠° + ٧٠°) = ١١٠°

∵ أ ب = أ حـ (أوتار) ∴ م س = م ص (أبعاد) ، ∵ م ء = م هـ = نق

∴ س ء = ص هـ

---

١٠ في الشكل المقابل :



$\overline{م س} \perp \overline{أ ب}$ ، $\overline{م ص} \perp \overline{حـ ء}$ ، هـ س = ص و

أثبت أن : أ ب = حـ ء

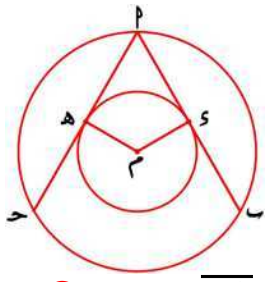
البرهان :

∵ هـ س = ص و ، م هـ = م و **(أنصاف أقطار)**

∴ م س = م ص (أبعاد) ∵ $\overline{م س} \perp \overline{أ ب}$ ، $\overline{م ص} \perp \overline{حـ ء}$ ∴ أ ب = حـ ء (أوتار)

---

١١ في الشكل المقابل :



دائرتان متحدتا المركز م ، $\overline{أ ب}$ ، $\overline{أ حـ}$ وتران في الدائرة الكبرى يمسان الدائرة الصغرى في ء ، هـ

أثبت أن : أ ب = أ حـ

البرهان :

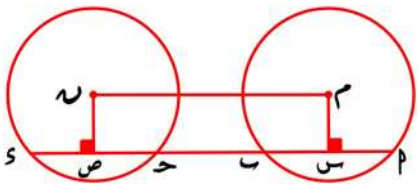
∵ **في الدائرة الصغرى :** $\overline{أ ب}$ مماس للدائرة عند ء ∴ $\overline{م ء} \perp \overline{أ ب}$ ❶

∵ **في الدائرة الكبرى :** $\overline{أ حـ}$ مماس للدائرة عند هـ ∴ $\overline{م هـ} \perp \overline{أ حـ}$ ❷

∵ م ء = م هـ (أنصاف أقطار) ❸ **من ❶ ، ❷ ، ❸ ينتج أن :** أ ب = أ حـ

---

١٢ في الشكل المقابل :



م ، نق دائرتان متطابقتان ، أ ب = حـ ء

$\overline{م س} \perp \overline{أ ب}$ ، $\overline{نق ص} \perp \overline{حـ ء}$

أثبت أن : الشكل م س ص نق مستطيل

البرهان :

∵ $\overline{م س} \perp \overline{أ ب}$ ، $\overline{نق ص} \perp \overline{حـ ء}$ ، أ ب = حـ ء (أوتار)

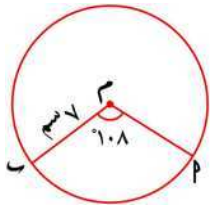
∴ م س = نق ص (أبعاد) ، $\overline{م س} \parallel \overline{نق ص}$ ∴ الشكل م س ص نق متوازي أضلاع

∵ ق(∠ م س ص) = ٩٠° ∴ الشكل م س ص نق مستطيل

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

★ ثانيًا : الزوايا والأقواس في الدائرة :

١٣ في الشكل المقابل :



م دائرة طول نصف قطرها ٧سم ، ق(∠ أ م ب) = ١٠٨°

أوجد : طول (أ ب) ($\pi \simeq \frac{٢٢}{٧}$)

البرهان :

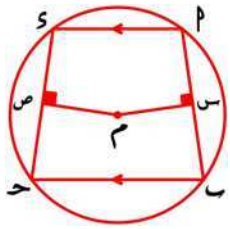
∵ ق(∠ أ م ب) = ١٠٨° ∴ ق(أ ب) = ق(∠ أ م ب) المركزية = ١٠٨°

∵ ن = ٧سم ∴ محيط الدائرة = ٢ π ن = ٢ × $\frac{٢٢}{٧}$ × ٧ = ٤٤سم

∵ $\frac{\text{طول القوس}}{\text{محيط الدائرة}} = \frac{\text{قياس القوس}}{\text{قياس الدائرة}}$ ∴ طول (أ ب) = $\frac{١٠٨ \times ٤٤}{٣٦٠}$ = ١٣,٢ سم

---

١٤ في الشكل المقابل :



دائرة م ، $\overline{أ د} \parallel \overline{ب جـ}$

، $\overline{م س} \perp \overline{أ ب}$ ، $\overline{م ص} \perp \overline{د جـ}$

أثبت أن : م س = م ص

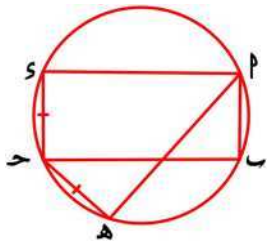
البرهان :

∵ $\overline{أ د} \parallel \overline{ب جـ}$ ∴ ق(أ ب) = ق(د جـ) ∴ أ ب = د جـ (أوتار)

∵ $\overline{م س} \perp \overline{أ ب}$ ، $\overline{م ص} \perp \overline{د جـ}$ ∴ م س = م ص (أبعاد)

---

١٥ في الشكل المقابل :



أ ب جـ د مستطيل مرسوم داخل دائرة

،رسم الوتر $\overline{جـ هـ}$ بحيث جـ هـ = جـ د

أثبت أن : أ هـ = ب جـ

البرهان :

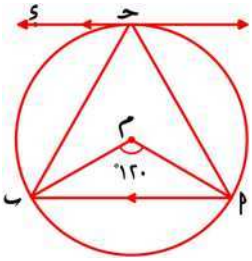
∵ أ ب جـ د مستطيل ∴ أ ب = د جـ ∵ جـ هـ = جـ د

∴ أ ب = جـ هـ ∴ ق(أ ب) = ق(جـ هـ) بإضافة ق(ب هـ) للطرفين :

∴ ق(أ ب هـ) = ق(ب هـ جـ) ∴ أ هـ = ب جـ

---

١٦ في الشكل المقابل :



$\overleftrightarrow{جـ د}$ مماس للدائرة عند جـ ، $\overleftrightarrow{جـ د} \parallel \overline{أ ب}$

، ق(∠ أ م ب) = ١٢٠°

أثبت أن : Δ أ جـ ب متساوي الأضلاع

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

البرهان : ∵ ق(∠ أ م ب) = ١٢٠°

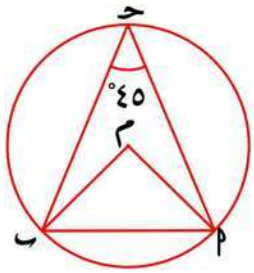
∴ ق(∠ أ حـ ب) المحيطية = $\frac{1}{2}$ ق(∠ أ م ب) المركزية = ٦٠° ← ❶

∵ $\overleftrightarrow{حـ ء}$ // $\overline{أ ب}$ ∴ ق($\overset{\frown}{أ حـ}$) = ق($\overset{\frown}{حـ ب}$) ∴ حـ أ = حـ ب ← ❷

من ❶ ، ❷ ينتج أن : Δ أ حـ ب متساوي الأضلاع

---

١٧ في الشكل المقابل :



م دائرة ، أ ب حـ مثلث ، ق(∠ أ حـ ب) = ٤٥°

أوجد بالبرهان : ق(∠ أ م ب)

البرهان :

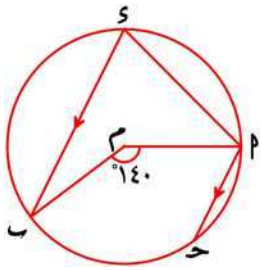
∵ ق(∠ أ حـ ب) = ٤٥°

∴ ق(∠ أ م ب) المركزية = ٢ ق(∠ أ حـ ب) المحيطية = ٩٠° (يشتركان في $\overset{\frown}{أ ب}$)

∵ م أ = م ب (أنصاف أقطار) ∴ ق(∠ م أ ب) = $\frac{180° - 90°}{2}$ = ٤٥°

---

١٨ في الشكل المقابل :



م دائرة ، $\overline{أ حـ}$ // $\overline{ء ب}$ ، ق(∠ أ م ب) = ١٤٠°

أوجد بالبرهان : ق(∠ حـ أ ء)

البرهان :

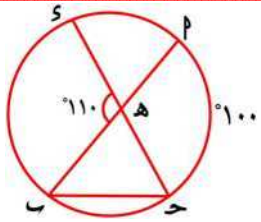
∵ ق(∠ أ م ب) = ١٤٠°

∴ ق(∠ أ ء ب) المحيطية = $\frac{1}{2}$ ق(∠ أ م ب) المركزية = ٧٠° (يشتركان في $\overset{\frown}{أ ب}$)

∵ $\overline{أ حـ}$ // $\overline{ء ب}$ ∴ ق(∠ حـ أ ء) = ١٨٠° - ٧٠° = ١١٠° بالتداخل

---

١٩ في الشكل المقابل :



، ق(∠ ء هـ ب) = ١١٠° ، ق($\overset{\frown}{أ حـ}$) = ١٠٠°

أوجد : ق(∠ ء حـ ب)

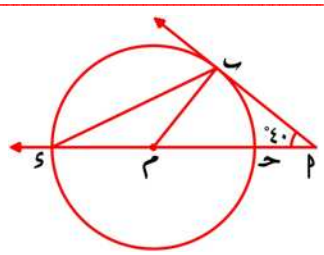
البرهان :

∵ ق($\overset{\frown}{أ حـ}$) = ١٠٠° ∴ ق(∠ أ ب حـ) المحيطية = $\frac{1}{2}$ ق($\overset{\frown}{أ حـ}$) = ٥٠°

∵ (∠ ء هـ ب) خارجة عن Δ هـ حـ ب ∴ ق(∠ ء حـ ب) = ١١٠° - ٥٠° = ٦٠°

---

٢٠ في الشكل المقابل :



أ نقطة خارج الدائرة م ، $\overleftarrow{أ ب}$ مماس للدائرة عند ب

، $\overleftarrow{أ م}$ قطع الدائرة م في حـ ، ء علي الترتيب

، ق(∠ أ) = ٤٠° **أوجد :** ق(∠ ب ء حـ) ، ق($\overset{\frown}{ب حـ}$)

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

البرهان :

∵ $\overleftarrow{أ ب}$ مماس للدائرة عند ب ∴ $\overline{م ب} \perp \overleftarrow{أ ب}$ ∴ ق(∠أ ب م) = ٩٠°

∴ ق(∠ب م أ) = ١٨٠° - (٩٠° + ٤٠°) = ٥٠°

∴ ق(∠ب ء حـ) المحيطية = $\frac{1}{2}$ ق(∠ب م حـ) المركزية = ٢٥°

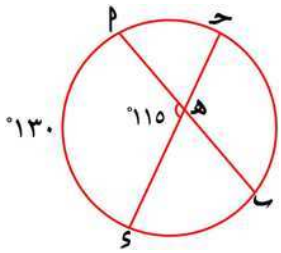
∴ ق($\overset{\frown}{ب حـ}$) = ق(∠ب م حـ) المركزية = ٥٠°

---

٢١ في الشكل المقابل :

$\overline{أ ب} \cap \overline{حـ ء} = \{هـ\}$ ، ق(∠أ هـ ء) = ١١٥°

ق($\overset{\frown}{أ ء}$) = ١٣٠° **أوجد بالبرهان :** ق($\overset{\frown}{ب حـ}$)



البرهان :

∵ ق(∠أ هـ ء) = $\frac{ق(\overset{\frown}{ب حـ}) + ق(\overset{\frown}{أ ء})}{2}$ ∴ ١١٥° = $\frac{ق(\overset{\frown}{ب حـ}) + ١٣٠°}{2}$

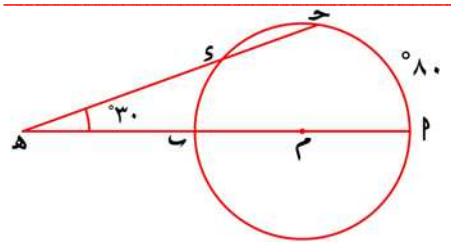
∴ ق($\overset{\frown}{ب حـ}$) + ١٣٠° = ٢٣٠° ∴ ق($\overset{\frown}{ب حـ}$) = ٢٣٠° - ١٣٠° = ١٠٠°

---

٢٢ في الشكل المقابل :

$\overline{أ ب}$ قطر في الدائرة م

أوجد : ق($\overset{\frown}{حـ ء}$)



البرهان :

∵ ق(∠هـ) = $\frac{ق(\overset{\frown}{أ حـ}) - ق(\overset{\frown}{ء ب})}{2}$ ∴ ٣٠° = $\frac{٨٠° - ق(\overset{\frown}{ء ب})}{2}$

∴ ٨٠° - ق($\overset{\frown}{ء ب}$) = ٦٠° ∴ ق($\overset{\frown}{ء ب}$) = ٢٠°

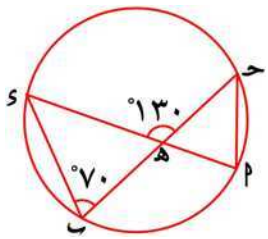
∵ $\overline{أ ب}$ قطر دائرة م ∴ ق($\overset{\frown}{حـ ء}$) = ١٨٠° - (٨٠° + ٢٠°) = ٨٠°

---

٢٣ في الشكل المقابل :

ق(∠ء حـ ب) = ٧٠° ، ق(∠حـ هـ ء) = ١٣٠°

أوجد : ق(∠أ حـ ب)



البرهان :

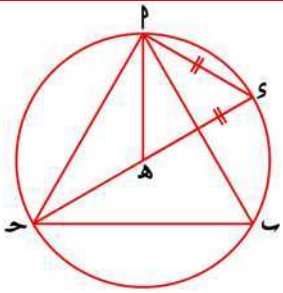
∵ ق(∠ء حـ ب) = ٧٠°

∴ ق(∠ء حـ أ) المحيطية = ق(∠ء حـ ب) المحيطية = ٧٠°

∵ (∠حـ هـ ء) خارجة عن Δ أ حـ هـ ∴ ق(∠أ حـ ب) = ١٣٠° - ٧٠° = ٦٠°

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

٢٤ في الشكل المقابل :



Δ م ب حـ متساوي الأضلاع ، م ء = ء هـ

أثبت أن : Δ م ء هـ متساوي الأضلاع

البرهان :

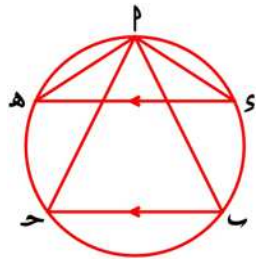
∵ Δ م ب حـ متساوي الأضلاع ∴ ق(∠ ب) = ٦٠°

∴ ق(∠ م ء حـ) المحيطية = ق(∠ م ب حـ) المحيطية = ٦٠°

∵ م ء = ء هـ ∴ Δ م ء هـ متساوي الأضلاع

---

٢٥ في الشكل المقابل :



م ب حـ مثلث مرسوم داخل الدائرة ، $\overline{ء هـ} \parallel \overline{ب حـ}$

أثبت أن : ق(∠ ء م حـ) = ق(∠ م ب هـ)

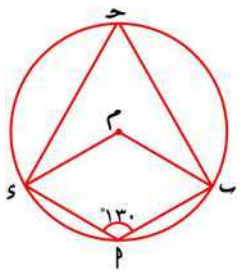
البرهان : ∵ $\overline{ء هـ} \parallel \overline{ب حـ}$ ∴ ق($\overset{\frown}{ء ب}$) = ق($\overset{\frown}{هـ حـ}$)

∴ ق(∠ ء م ب) المحيطية = ق(∠ حـ م هـ) المحيطية

بإضافة ق(∠ ب م حـ) للطرفين : ∴ ق(∠ ء م حـ) = ق(∠ ب م هـ)

★ ثالثا : الشكل الرباعي الدائري :

٢٦ في الشكل المقابل :



ق(∠ ب م ء) = ١٣٠° **أوجد :** ق(∠ ب حـ ء)

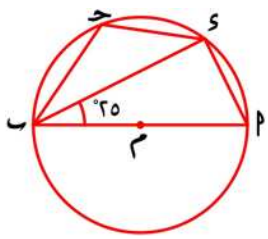
البرهان : ∵ الشكل م ب حـ ء رباعي دائري

∴ ق(∠ حـ) = ١٨٠° - ١٣٠° = ٥٠°

∴ ق(∠ ب م ء) المركزية = ٢ ق(∠ ب حـ ء) المحيطية = ١٠٠°

---

٢٧ في الشكل المقابل :



م ب قطر في الدائرة م ، ق(∠ م ب ء) = ٢٥°

أوجد : ق(∠ حـ)

البرهان :

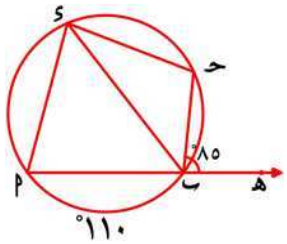
∵ م ب قطر في الدائرة م ∴ ق(∠ م ء ب) = ٩٠°

∴ Δ م ء ب : ق(∠ ء م ب) = ١٨٠° - (٩٠° + ٢٥°) = ٦٥°

∵ الشكل م ب حـ ء رباعي دائري ∴ ق(∠ حـ) = ١٨٠° - ٦٥° = ١١٥°

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

٢٨ في الشكل المقابل :



هـ ∈ أ ب ، هـ ∉ أ ب ، ق(أ ب) = ١١٠°

، ق(∠ حـ ب هـ) = ٨٥° **أوجد :** ق(∠ ب ء حـ)

البرهان : ∵ الشكل أ ب حـ ء رباعي دائري

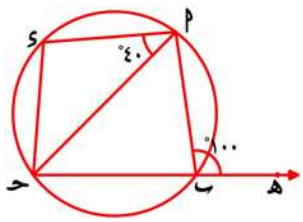
∴ ق(∠ حـ ب هـ) الخارجة = ق(∠ حـ ء أ) المقابلة للمجاورة لها = ٨٥°

∵ ق(أ ب) = ١١٠° ∴ ق(∠ ب ء أ) المحيطية = $\frac{1}{2}$ ق(أ ب) = ٥٥°

∴ ق(∠ ب ء حـ) = ٨٥° − ٥٥° = ٣٠°

---

٢٩ في الشكل المقابل :



ق(∠ أ ب هـ) = ١٠٠° ، ق(∠ حـ أ ء) = ٤٠°

أثبت أن : ق(حـ ء) = ق(أ ء)

البرهان : ∵ الشكل أ ب حـ ء رباعي دائري

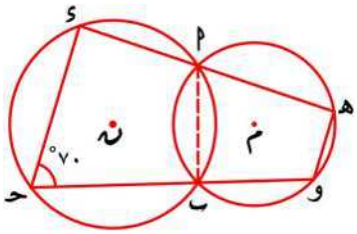
∴ ق(∠ أ ب هـ) الخارجة = ق(∠ ء) المقابلة للمجاورة لها = ١٠٠°

∴ Δ أ ء حـ : ق(∠ أ حـ ء) = ١٨٠° − (١٠٠° + ٤٠°) = ٤٠°

∴ ق(∠ حـ أ ء) = ق(∠ أ حـ ء) = ٤٠° ∴ ق(حـ ء) = ق(أ ء)

---

٣٠ في الشكل المقابل :



م ، ن دائرتان متقاطعتان في أ ، ب

، رسم $\overleftrightarrow{أ ء}$ ، $\overleftrightarrow{ب حـ}$ يقطعان الدائرة ن في ء ، حـ

، الدائرة م في هـ ، و على الترتيب ، ق(∠ ب حـ ء) = ٧٠°

① **أوجد :** ق(∠ و) ② **برهن أن :** $\overline{حـ ء} \parallel \overline{هـ و}$

البرهان : ∵ الشكل أ ب حـ ء رباعي دائري

∴ ق(∠ هـ أ ب) الخارجة = ق(∠ حـ) المقابلة للمجاورة لها = ٧٠°

∵ الشكل أ ب و هـ رباعي دائري ∴ ق(∠ و) = ١٨٠° − ٧٠° = ١١٠°

∵ ق(∠ و) + ق(∠ حـ) = ١٨٠° وهما في تداخل ∴ $\overline{حـ ء} \parallel \overline{هـ و}$

---

٣١ اذكر حالات يكون فيهما الشكل الرباعي دائرياً.

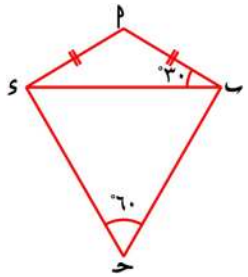
الحل : ① إذا وجدت زاويتان متقابلتان ومتكاملتان.

② إذا وجدت قياس زاوية خارجة عند أحد رؤوسه = قياس الزاوية الداخلة المقابلة للمجاورة لها.

③ إذا وجدت زاويتان متساويتان في القياس ومرسومتان على قاعدة واحدة وفي جهة واحدة منها.

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

٣٢ في الشكل المقابل :



أ ب = أ ء ، ق(∠ أ ب ء) = ق(∠ أ ء ب) = ٣٠°

، ق(∠ حـ) = ٦٠°

برهن أن : الشكل أ ب حـ ء رباعي دائري

البرهان :

∵ أ ب = أ ء ∴ ق(∠ أ ب ء) = ق(∠ أ ء ب) = ٣٠°

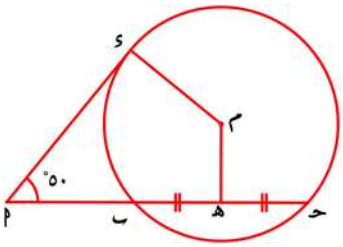
∴ Δ أ ب ء : ق(∠ أ) = ١٨٠° - (٣٠° + ٣٠°) = ١٢٠°

∴ ق(∠ أ) + ق(∠ حـ) = ١٨٠° (وهما زاويتان متقابلتان ومتكاملتان)

∴ الشكل أ ب حـ ء رباعي دائري

---

٣٣ في الشكل المقابل :



$\overleftarrow{أ ء}$ مماس للدائرة م ، $\overline{أ حـ}$ يقطع الدائرة في ب ، حـ

، هـ منتصف $\overline{ب حـ}$ ، ق(∠ أ) = ٥٠°

① **أثبت أن :** الشكل أ هـ م ء رباعي دائري

② **أوجد :** ق(∠ ء م هـ)

البرهان :

∵ هـ منتصف $\overline{ب حـ}$ ∴ $\overline{م هـ} \perp \overline{ب حـ}$ ∴ ق(∠ م هـ ب) = ٩٠°

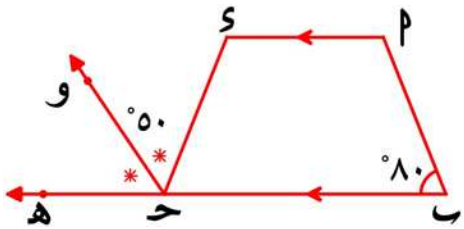
∵ $\overleftarrow{أ ء}$ مماس للدائرة م عند ء ∴ $\overline{م ء} \perp \overline{أ ء}$ ∴ ق(∠ م ء أ) = ٩٠°

∵ ق(∠ م هـ ب) + ق(∠ م ء أ) = ١٨٠° (وهما زاويتان متقابلتان ومتكاملتان)

∴ الشكل أ هـ م ء رباعي دائري ∴ ق(∠ ء م هـ) = ١٨٠° - ٥٠° = **١٣٠°**

---

٣٤ في الشكل المقابل :



$\overleftarrow{أ ء} // \overleftarrow{ب هـ}$ ، $\overleftarrow{حـ و}$ ينصف (∠ ء حـ هـ)

، ق(∠ ب) = ٨٠° ، ق(∠ ء حـ و) = ٥٠°

أثبت أن : الشكل أ ب حـ ء رباعي دائري

البرهان : ∵ $\overleftarrow{أ ء} // \overleftarrow{ب هـ}$ ∴ ق(∠ أ) = ١٨٠° - ٨٠° = ١٠٠°

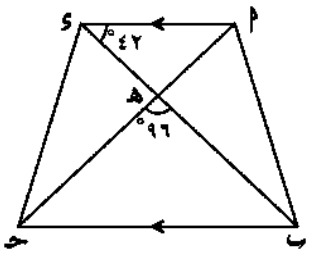
∵ $\overleftarrow{حـ و}$ ينصف (∠ ء حـ هـ) ∴ ق(∠ ء حـ هـ) = ٥٠° + ٥٠° = ١٠٠°

∴ ق(∠ ء حـ هـ) الخارجة = ق(∠ أ) المقابلة للمجاورة لها = ١٠٠°

∴ الشكل أ ب حـ ء رباعي دائري

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

٣٥ في الشكل المقابل :



$\overline{م ء} \parallel \overline{ب حـ}$ ، $ق(\angle م ء ب) = ٤٢°$

، $ق(\angle ب هـ حـ) = ٩٦°$

أثبت أن : الشكل م ب حـ ء رباعي دائري

البرهان :

∵ $\overline{م ء} \parallel \overline{ب حـ}$ ∴ $ق(\angle ء ب حـ) = ق(\angle م ء ب) = ٤٢°$ **بالتبادل**

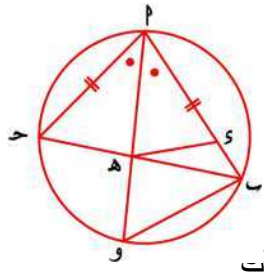
∵ Δ هـ ب حـ : $ق(\angle هـ حـ ب) = ١٨٠° - (٩٦° + ٤٢°) = ٤٢°$

∴ $ق(\angle م ء ب) = ق(\angle م حـ ب) = ٤٢°$ وهما زاويتان مرسومتان على القاعدة $\overline{م ب}$

∴ الشكل م ب حـ ء رباعي دائري

---

٣٦ في الشكل المقابل :



م ء = م حـ ، $\overleftarrow{م و}$ ينصف $(\angle م)$

أثبت أن : الشكل ء ب و هـ رباعي دائري

البرهان : ∵ Δ م ء هـ ، Δ م حـ و

فيهما : م ء = م حـ ، $ق(\angle م ء هـ) = ق(\angle م حـ هـ)$ ، $\overline{م هـ}$ ضلع مشترك

∴ Δ م ء هـ ≡ Δ م حـ هـ وينتج أن : $ق(\angle م ء هـ) = ق(\angle حـ)$ ❶

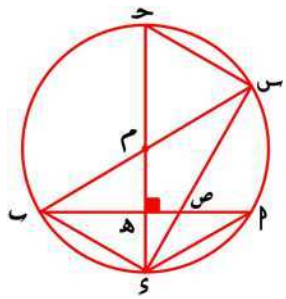
∵ $ق(\angle م و ب)$ المحيطية = $ق(\angle م حـ ب)$ المحيطية ❷

من ❶ ، ❷ ينتج أن : $ق(\angle م ء هـ)$ الخارجة = $ق(\angle و)$ المقابلة للمجاورة لها

∴ الشكل ء ب و هـ رباعي دائري

---

٣٧ في الشكل المقابل :



$\overline{ب م}$ وتر في الدائرة م ، $\overline{حـ ء}$ قطر فيها عمودي على $\overline{ب م}$

، $\overline{س ء} \cap \overline{ب م} = \{ص\}$

برهن أن : ① الشكل س ص هـ حـ رباعي دائري

② $ق(\angle ء ص ب) = ق(\angle ء ب س)$

البرهان :

∵ $\overline{حـ ء}$ قطر في الدائرة م ∴ $ق(\angle حـ س ء) = ٩٠°$

∵ $\overline{حـ ء} \perp \overline{ب م}$ ∴ $ق(\angle حـ هـ م) = ٩٠°$

∵ $ق(\angle حـ س ء) + ق(\angle حـ هـ م) = ١٨٠°$ (وهما زاويتان متقابلتان ومتكاملتان)

∴ الشكل س ص هـ حـ رباعي دائري

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

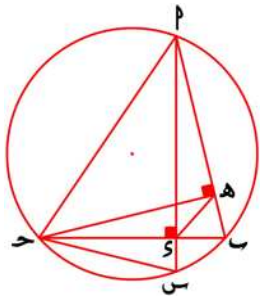
∴ ق(∠ وص ب) الخارجة = ق(∠ س ح ء) المقابلة للمجاورة ❶

∵ ق(∠ س ح ء) المحيطية = ق(∠ س ب ء) المحيطية ❷

من ❶ ، ❷ ينتج أن : ق(∠ وص ب) = ق(∠ ء ب س)

---

٣٨ في الشكل المقابل :



$\overline{حـهـ} \perp \overline{أ ب}$ ، $\overleftarrow{أ ء} \perp \overline{ب حـ}$ ويقطع الدائرة في س

برهن أن : ❶ الشكل أ هـ ء حـ رباعي دائري

❷ $\overleftarrow{حـ ب}$ ينصف (∠ هـ حـ س)

البرهان :

∵ $\overline{حـهـ} \perp \overline{أ ب}$ ∴ ق(∠ أ هـ حـ) = ٩٠°

∵ $\overleftarrow{أ ء} \perp \overline{ب حـ}$ ∴ ق(∠ أ ء حـ) = ٩٠°

∴ ق(∠ أ هـ حـ) = ق(∠ أ ء حـ) = ٩٠° وهما زاويتان مرسومتان على القاعدة $\overline{أ حـ}$

∴ الشكل أ هـ ء حـ رباعي دائري

∴ ق(∠ هـ أ ء) = ق(∠ هـ حـ ء) لأنهما مرسومتان على القاعدة $\overline{هـ ء}$ ❶

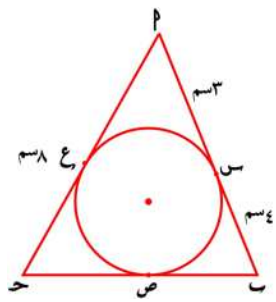
∴ ق(∠ ب أ س) المحيطية = ق(∠ ب حـ س) المحيطية ❷

من ❶ ، ❷ ينتج أن : ق(∠ هـ حـ ء) = ق(∠ ب حـ س)

∴ $\overleftarrow{حـ ب}$ ينصف (∠ هـ حـ س)

★ رابعًا : العلاقة بين مماسات الدائرة :

٣٩ في الشكل المقابل :



دائرة داخل المثلث أ ب حـ ،وتمس أضلاعه من الداخل

عند س ، ص ، ع ، فإذا كان : أ س = ٣سم

، س ب = ٤سم ، أ حـ = ٨سم **أوجد :** طول $\overline{ب حـ}$

البرهان :

∵ $\overline{ب س}$ ، $\overline{ب ص}$ قطعتان مماستان ∴ ب س = ب ص = ٤سم

∵ $\overline{أ س}$ ، $\overline{أ ع}$ قطعتان مماستان ∴ أ س = أ ع = ٣سم

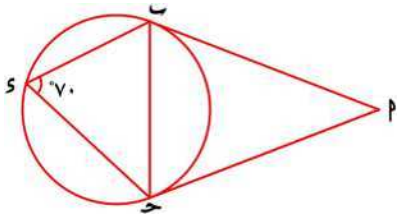
∵ أ حـ = ٨سم ∴ ع حـ = ٨ − ٣ = ٥سم

∵ $\overline{حـ ص}$ ، $\overline{حـ ع}$ قطعتان مماستان ∴ حـ ص = حـ ع = ٥سم

∴ ب حـ = ٤ + ٥ = ٩ سم

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

٤٠ في الشكل المقابل :



$\overline{أ ب}$ ، $\overline{أ حـ}$ قطعتان مماستان للدائرة عند ب ، حـ

، ق(∠ ء) = ٧٠° **أوجد :** ق(∠ أ)

البرهان :

∵ ق(∠ ء) = ٧٠°

∴ ق(∠ أ ب حـ) المماسية = ق(∠ ء) المحيطية = ٧٠°

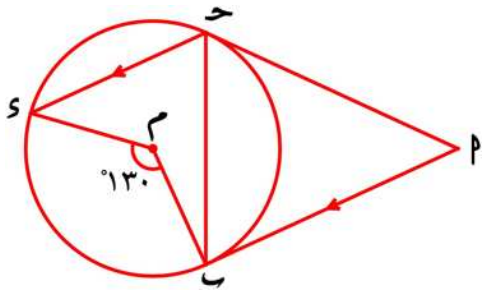
∵ $\overline{أ ب}$ ، $\overline{أ حـ}$ قطعتان مماستان للدائرة عند ب ، حـ ∴ أ ب = أ حـ

∴ ق(∠ أ ب حـ) = ق(∠ أ حـ ب) = ٧٠°

∴ Δ أ ب حـ : ق(∠ أ) = ١٨٠° − (٧٠° + ٧٠°) = ٤٠°

---

٤١ في الشكل المقابل :



$\overline{أ ب}$ ، $\overline{أ حـ}$ قطعتان مماستان للدائرة م عند ب ، حـ

، $\overline{أ ب}$ // $\overline{حـ ء}$ ، ق(∠ ب م ء) = ١٣٠°

① **أثبت أن :** $\overleftarrow{حـ ب}$ ينصف (∠ أ حـ ء)

② **أوجد :** ق(∠ أ)

البرهان :

∵ ق(∠ ب م ء) = ١٣٠°

∴ ق(∠ ب حـ ء) المحيطية = $\frac{1}{2}$ ق(∠ ب م ء) المركزية = ٦٥°

∵ $\overline{أ ب}$ // $\overline{حـ ء}$ ∴ ق(∠ أ ب حـ) = ٦٥° **بالتبادل**

∵ $\overline{أ ب}$ ، $\overline{أ حـ}$ قطعتان مماستان للدائرة م عند ب ، حـ ∴ أ ب = أ حـ

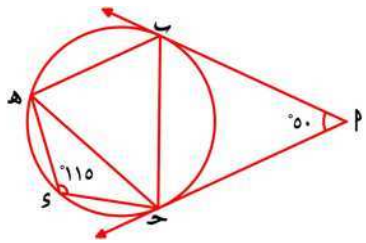
∴ ق(∠ أ ب حـ) = ق(∠ أ حـ ب) = ٦٥°

∴ ق(∠ أ حـ ب) = ق(∠ ب حـ ء) = ٦٥° ∴ $\overleftarrow{حـ ب}$ ينصف (∠ أ حـ ء)

∴ ق(∠ أ) = ١٨٠° − (٦٥° + ٦٥°) = ٥٠°

---

٤٢ في الشكل المقابل :



$\overleftarrow{أ ب}$ ، $\overleftarrow{أ حـ}$ مماسان للدائرة عند ب ، حـ

، ق(∠ أ) = ٥٠° ، ق(∠ حـ ء هـ) = ١١٥°

أثبت أن : ① $\overleftarrow{ب حـ}$ ينصف (∠ أ ب هـ) ② حـ ب = حـ هـ

③ $\overline{أ حـ}$ // $\overline{ب هـ}$

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

البرهان :

∵ $\overleftrightarrow{أ ب}$ ، $\overleftrightarrow{أ حـ}$ مماسان للدائرة عند ب ، حـ ∴ أ ب = أ حـ

∴ ق(∠ أ ب حـ) = ق(∠ أ حـ ب) = $\frac{١٨٠^\circ - ٥٠^\circ}{٢}$ = ٦٥°

∴ ق(∠ ب هـ حـ) المحيطية = ق(∠ أ ب حـ) المماسية = ٦٥° (مشتركتان في $\overset{\frown}{ب حـ}$)

∵ الشكل ب حـ ء هـ رباعي دائري ∴ ق(∠ حـ ب هـ) = ١٨٠° - ١١٥° = ٦٥°

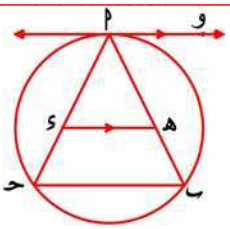
∵ ق(∠ أ ب حـ) = ق(∠ ب هـ حـ) = ٦٥° ∴ $\overleftrightarrow{ب حـ}$ ينصف (∠ أ ب هـ)

∵ Δ ب حـ هـ فيه : ق(∠ حـ ب هـ) = ق(∠ ب حـ هـ) = ٦٥° ∴ حـ ب = حـ هـ

∵ ق(∠ أ ب حـ) = ق(∠ ب حـ هـ) = ٦٥° وهما في وضع التبادل ∴ $\overline{أ حـ}$ // $\overline{ب هـ}$

---

٤٣ في الشكل المقابل :



$\overleftrightarrow{أ و}$ مماس للدائرة عند أ ، $\overline{أ و}$ // $\overline{ء هـ}$

برهن أن : الشكل ء هـ ب حـ رباعي دائري

البرهان :

∵ $\overline{أ و}$ // $\overline{ء هـ}$ ∴ ق(∠ و أ هـ) = ق(∠ أ هـ ء) بالتبادل ❶

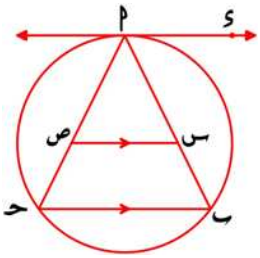
∵ $\overleftrightarrow{أ و}$ مماس للدائرة عند أ ∴ ق(∠ و أ ب) المماسية = ق(∠ أ حـ ب) المحيطية ❷

من ❶ ، ❷ ينتج أن : ق(∠ أ هـ ء) الخارجة = ق(∠ أ حـ ب) المقابلة للمجاورة

∴ الشكل ء هـ ب حـ رباعي دائري

---

٤٤ في الشكل المقابل :



أ ب حـ مثلث مرسوم داخل دائرة ، $\overleftrightarrow{أ ء}$ مماس للدائرة عند أ

، س ∈ $\overline{أ ب}$ ، ص ∈ $\overline{أ حـ}$ حيث $\overline{س ص}$ // $\overline{ب حـ}$

أثبت أن : $\overleftrightarrow{أ ء}$ مماس للدائرة التي تمر بالنقط أ ، س ، ص

البرهان : ∵ $\overleftrightarrow{أ ء}$ مماس للدائرة عند أ

∴ ق(∠ ء أ ب) المماسية = ق(∠ أ حـ ب) المحيطية ❶

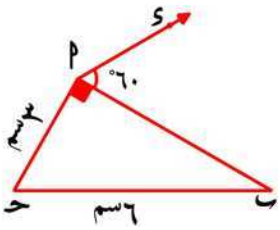
∵ $\overline{س ص}$ // $\overline{ب حـ}$ ∴ ق(∠ أ ص س) = ق(∠ أ حـ ب) بالتناظر ❷

من ❶ ، ❷ ينتج أن : ق(∠ ء أ س) = ق(∠ أ ص س)

∴ $\overleftrightarrow{أ ء}$ مماس للدائرة المارة التي تمر بالنقط أ ، س ، ص

---

٤٥ في الشكل المقابل :



أ ب حـ مثلث قائم الزاوية عند أ ، أ حـ = ٣ سم

، ب حـ = ٦ سم ، ق(∠ ء أ ب) = ٦٠°

أثبت أن : $\overleftrightarrow{أ ء}$ مماس للدائرة التي تمر برؤوس Δ أ ب حـ

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

البرهان :

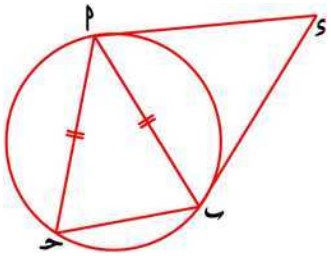
∵ Δ أ ب حـ قائم الزاوية في أ ، أ حـ = ½ ب حـ

∴ ق(∠ ب) = ٣٠° ∴ ق(∠ حـ) = ١٨٠° - (٩٠° + ٣٠°) = ٦٠°

∴ ق(∠ د أ ب) = ق(∠ حـ) = ٦٠° ∴ $\overleftarrow{أ د}$ مماس للدائرة المارة برؤوس Δ أ ب حـ

---

٤٦ في الشكل المقابل :



$\overline{د أ}$ ، $\overline{د ب}$ قطعتان مماستان للدائرة عند أ ، ب

، أ ب = أ حـ

أثبت أن : $\overline{أ حـ}$ مماس للدائرة المارة برؤوس المثلث أ ب د

البرهان :

∵ $\overline{د أ}$ ، $\overline{د ب}$ قطعتان مماستان للدائرة عند ب ، حـ

∴ د أ = د ب ∴ ق(∠ د أ ب) = ق(∠ د ب أ) ①

∴ أ ب = أ حـ ∴ ق(∠ أ ب حـ) = ق(∠ أ حـ ب) ②

∵ ق(∠ أ حـ ب) المماسية = ق(∠ د أ ب) المحيطية (يشتركان في $\overset{\frown}{أ ب}$) ③

من ① ، ② ، ③ ينتج أن : ق(∠ أ) = ق(∠ أ ب حـ)

∴ $\overline{أ حـ}$ مماس للدائرة المارة برؤوس Δ أ ب د

ثانيًا : الأسئلة الاختيار من متعدد

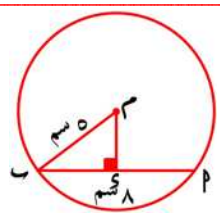
★ أولاً : الدائرة :

① عدد محاور التماثل لأي دائرة هو .....

(أ) صفر (ب) ١ (حـ) ٢ (د) عدد لا نهائي

---

② **في الشكل المقابل :**



$\overline{أ ب}$ وتر في الدائرة م ، $\overline{م ء} \perp \overline{أ ب}$

، أ ب = ٨ سم ، م ب = ٥ سم

فإن : م ء = ... سم

(أ) ٥ (ب) ٣ (حـ) ٤ (د) ٢

---

③ إذا كانت م دائرة طول قطرها ٧سم ، أ نقطة في مستوي الدائرة ،وكان م أ = ٤ سم

فإن : النقطة أ تقع ..... الدائرة.

(أ) علي (ب) داخل (حـ) خارج (د) على مركز

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

④ إذا كان : المستقيم ل ∩ الدائرة م = ∅ فإن : المستقيم ل يكون ..... الدائرة

(أ) خارج (ب) قاطع (جـ) مماس (د) محور تماثل

⑤ دائرة محيطها ٦ π سم ،والمستقيم ل يبعد عن مركزها ٣سم

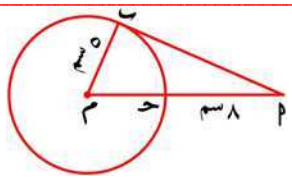
فإن : المستقيم ل يكون .....

(أ) مماسًا للدائرة (ب) قاطعًا للدائرة (جـ) خارج للدائرة (د) قطرًا للدائرة

⑥ إذا كان المستقيم ل مماساً للدائرة طول قطرها ٨سم فإنه يبعد عن مركزها بمقدار..... سم

(أ) ٣ (ب) ٤ (جـ) ٦ (د) ٨

⑦ **في الشكل المقابل :**



$\overleftrightarrow{أ ب}$ مماس للدائرة م عند ب ، فإذا كان م ب = ٥سم

، أ حـ = ٨سم فإن : أ ب = ... سم

(أ) ٥ (ب) ١٠ (جـ) ١٢ (د) ١٣

⑧ خط المركزين لدائرتين متقاطعتين يكون عموديًا على ..... وينصفه.

(أ) القطر (ب) الوتر (جـ) الوتر المشترك (د) المماس

⑨ محور تماثل للوتر المشترك $\overline{أ ب}$ لدائرتين متقاطعتين م ، ن هو .....

(أ) $\overleftrightarrow{أم}$ (ب) $\overleftrightarrow{م ب}$ (جـ) $\overleftrightarrow{م ن}$ (د) $\overline{م ن}$

⑩ إذا كانت الدائرة م ∩ الدائرة ن = {أ ، ب} فإن : الدائرتين .....

(أ) متباعدتان (ب) متقاطعتان (جـ) متحدتا المركز (د) متماستان

⑪ دائرتان م ، ن طولاً نصفي قطريهما ٩سم ، ٤سم ،فإذا كان م ن = ٥سم

فإن : الدائرتين تكونان .....

(أ) متماستان من الخارج (ب) متماستان من الداخل

(جـ) متقاطعتان (د) متباعدتان

⑫ إذا كان سطح الدائرة م ∩ سطح الدائرة ن = {أ} ،وطول نصف قطر أحدهما ٣سم

، م ن = ٨سم فإن : طول نصف قطر الدائرة الأخرى = ... سم

(أ) ٥ (ب) ٦ (جـ) ١١ (د) ١٦

⑬ م ، ن دائرتان متقاطعتان ، طولاً نصفي قطريهما ٣سم ، ٥سم فإن : م ن ∈ .....

(أ)]٨ ، ∞[(ب)]٢ ، ∞[(جـ)]٠ ، ٢[(د)]٢ ، ٨[

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

(١٤) عدد المماسات المشتركة لدائرتين متباعدتين يساوي .....

(أ) ١ (ب) ٢ (جـ) ٣ (د) ٤

(١٥) مراكز الدوائر التي تمر بالنقطتين أ ، ب تقع جميعًا على .....

(أ) محور $\overline{أب}$ (ب) $\overline{أب}$

(جـ) العمود المقام على $\overline{أب}$ (د) منتصف $\overline{أب}$

(١٦) إذا كانت : $\overline{أب}$ قطعة مستقيمة طولها ٤ سم

فإن : طول نصف قطر أصغر دائرة تمر بالنقطتين أ ، ب يساوي ..... سم

(أ) ٢ (ب) ٣ (جـ) ٤ (د) ٥

(١٧) عدد الدوائر التي تمر بثلاث نقط تقع على استقامة واحدة هو .....

(أ) صفر (ب) ١ (جـ) ٢ (د) عدد لا نهائي

(١٨) عدد الدوائر التي تمر بثلاث نقط ليست على استقامة واحدة هو .....

(أ) صفر (ب) ١ (جـ) ٢ (د) عدد لا نهائي

(١٩) مركز الدائرة الخارجة لأي مثلث هو نقطة تقاطع .....

(أ) منصفات زواياه الداخلة (ب) منصفات زواياه الخارجة

(جـ) ارتفاعاته (د) محاور تماثل أضلاعه

★ ثانيًا : الزوايا والأقواس في الدائرة :

(٢٠) قياس القوس الذي يمثل نصف قياس الدائرة يساوي .....

(أ) $٠^{\circ}١٨٠$ (ب) $٠^{\circ}٩٠$ (جـ) $٠^{\circ}١٢٠$ (د) $٠^{\circ}٢٤٠$

(٢١) طول القوس الذي يمثل ربع محيط الدائرة يساوي .....

(أ) $٤\ \pi\ نق$ (ب) $٢\ \pi\ نق$ (جـ) $\pi\ نق$ (د) $\frac{١}{٢}\ \pi\ نق$

(٢٢) قوس من دائرة طوله $\frac{١}{٣}\ \pi\ نق$ يقابل زاوية مركزية قياسها = ...

(أ) $٠^{\circ}٣٠$ (ب) $٠^{\circ}٦٠$ (جـ) $٠^{\circ}١٢٠$ (د) $٠^{\circ}٢٤٠$

(٢٣) قياس الزاوية المحيطية يساوي ..... قياس الزاوية المركزية المشتركة معها في نفس القوس.

(أ) نصف (ب) ضعف (جـ) ربع (د) ثلث

(٢٤) الزاوية المحيطية التي تقابل قوسًا أصغر في الدائرة تكون .....

(أ) منعكسة (ب) منفرجة (جـ) قائمة (د) حادة

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

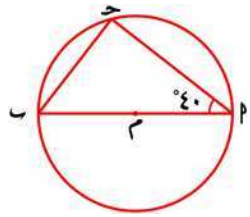
(٢٥) قياس الزاوية المحيطية المرسومة في نصف دائرة = ...

(أ) ٤٥° (ب) ٩٠° (حـ) ١٢٠° (د) ١٨٠°

(٢٦) قياس الزاوية المحيطية المرسومة في ربع دائرة = ...

(أ) ٤٥° (ب) ٩٠° (حـ) ١٣٥° (د) ١٨٠°

(٢٧) **في الشكل المقابل :** $\overline{أب}$ قطر للدائرة م ، ق(∠أ) = ٤٠°



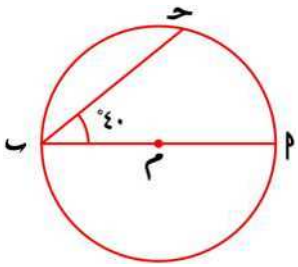
فإن : ق(∠ب) = ...

(أ) ١٤٠° (ب) ٩٠°

(حـ) ٤٠° (د) ٥٠°

(٢٨) **في الشكل المقابل :**

$\overline{أب}$ قطر في الدائرة م ، ق(∠أحـب) = ٤٠°



فإن : ق($\overset{\frown}{ب حـ}$) = ...

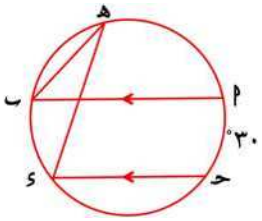
(أ) ٨٠° (ب) ١٠٠°

(حـ) ٥٠° (د) ١٤٠°

(٢٩) **في الشكل المقابل :**

$\overline{أب}$ ، $\overline{حـ د}$ وتران متوازيان

، ق($\overset{\frown}{أ حـ}$) = ٣٠° **فإن :** ق(∠ب هـ د) = ...

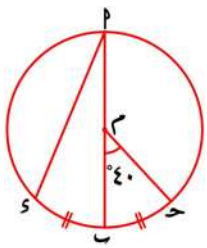


(أ) ١٥° (ب) ١٠°

(حـ) ٣٠° (د) ٦٠°

(٣٠) **في الشكل المقابل :**

ب منتصف $\overset{\frown}{حـ د}$ ، فإذا كان ق(∠حـ م ب) = ٤٠°



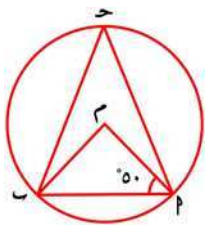
فإن : ق(∠ب م د) = ...

(أ) ٤٠° (ب) ٢٠°

(حـ) ٨٠° (د) ٦٠°

(٣١) **في الشكل المقابل :**

إذا كان : ق(∠ب م أ) = ٥٠°



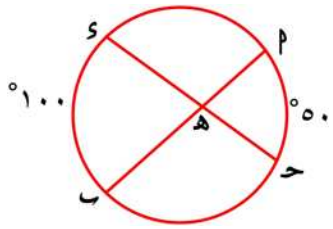
فإن : ق(∠أ حـ ب) = ...

(أ) ٤٠° (ب) ٨٠°

(حـ) ١٠٠° (د) ١٦٠°

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

(٣٢) في الشكل المقابل : ق(أ ح) = ٥٠° ، ق(ء ب) = ١٠٠°



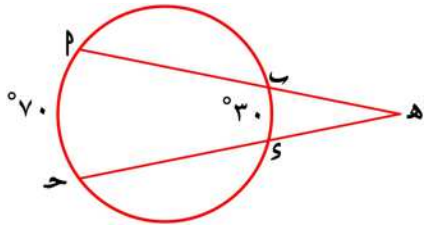
فإن : ق(∠ أ هـ ح) = ...

أ ٥٠° ب ١٠٠°

ح ١٦٠° ء ٧٥°

(٣٣) في الشكل المقابل :

ق(أ ح) = ٧٠° ، ق(ب ء) = ٣٠°



فإن : ق(∠ هـ) = ...

أ ٢٠° ب ٤٠°

ح ٥٠° ء ١٠٠°

★ ثالثا : الشكل الرباعي الدائري :

(٣٤) في الشكل الرباعي الدائري كل زاويتين متقابلتين .....

أ متساويتان ب متتامتان ح متكاملتان ء متبادلتان

(٣٥) أ ب ح ء شكل رباعي دائري فيه : ق(∠ أ) = ٧٠° فإن : ق(∠ ح) = ...

أ ٢٥° ب ٢٠° ح ١١٠° ء ١٠٠°

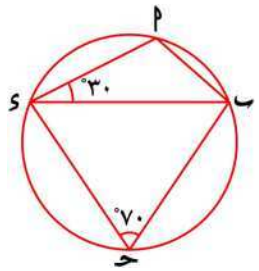
(٣٦) أ ب ح ء شكل رباعي دائري فيه : ق(∠ أ) = ٣ ق(∠ ح) فإن : ق(∠ أ) = ...

أ ٤٥° ب ٦٠° ح ١٢٠° ء ١٣٥°

(٣٧) أي من الأشكال الآتية يسمي رباعيًا دائريًا ؟ .....

أ المعين ب المربع ح متوازي الأضلاع ء شبه المنحرف

(٣٨) في الشكل المقابل :



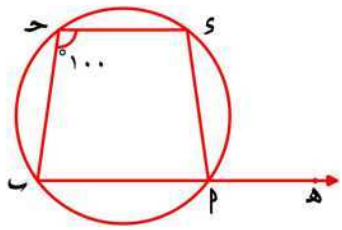
ق(∠ ح) = ٧٠° ، ق(∠ أ ء ب) = ٣٠°

فإن : ق(∠ أ ب ء) = ...

أ ٣٠° ب ٤٠°

ح ٧٠° ء ١٠٠°

(٣٩) في الشكل المقابل : هـ ∈ $\overleftarrow{أ ب}$ ، ق(∠ ح) = ١٠٠°



فإن : ق(∠ ء أ هـ) = ...

أ ٨٠° ب ٦٠°

ح ١٠٠° ء ٢٠٠°

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

★ رابعًا : العلاقة بين مماسات الدائرة :

(٤٠) المماسان المرسومان من نهايتي قطر في الدائرة .....

(أ) متساويان في الطول (ب) متوازيان (جـ) متقاطعان (د) متعامدان

(٤١) القطعتان المماستان المرسومتان من نقطة خارج الدائرة .....

(أ) متساويتان في الطول (ب) غير متساويتان في الطول

(جـ) متعامدتان (د) متوازيتان

(٤٢) الزاوية المماسية هي زاوية محصورة بين .....

(أ) وترين (ب) مماسين (جـ) وتر ومماس (د) وتر وقطر

(٤٣) مركز الدائرة الداخلة لأي مثلث هو نقطة تقاطع .....

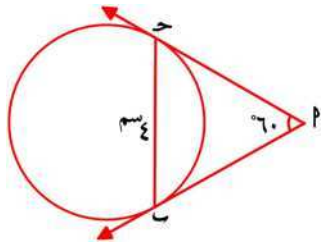
(أ) متوسطاته (ب) ارتفاعاته

(جـ) منصفات زواياه الداخلة (د) محاور تماثل أضلاعه

(٤٤) **في الشكل المقابل :**

إذا كان : $\overleftarrow{أ ب}$ ، $\overleftarrow{أ جـ}$ مماسان ، ب جـ = ٤ سم

فإن : محيط Δ أ ب جـ = ... سم

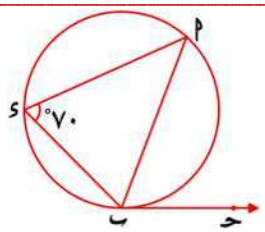


(أ) ٤ (ب) ٨

(جـ) ١٠ (د) ١٢

(٤٥) **في الشكل المقابل :** $\overleftarrow{ب جـ}$ مماس للدائرة م عند ب

، ق(∠ د) = ٧٠° **فإن :** ق(∠ أ ب جـ) = ...

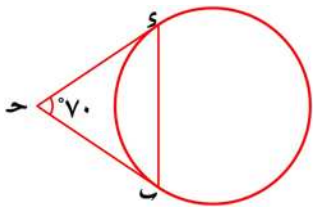


(أ) ٣٥° (ب) ٧٠°

(جـ) ١١٠° (د) ١٤٠°

(٤٦) **في الشكل المقابل :** $\overline{جـ ب}$ ، $\overline{جـ د}$ مماستان للدائرة في ب ، جـ

، ق(∠ جـ) = ٧٠° **فإن :** ق($\overset{\frown}{د ب}$) = ...

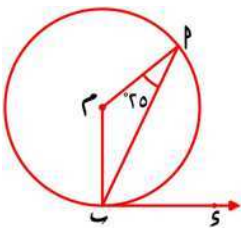


(أ) ٧٠° (ب) ١٤٠°

(جـ) ٥٥° (د) ١١٠°

(٤٧) **في الشكل المقابل :** $\overleftarrow{ب د}$ مماس للدائرة م عند ب

، ق(∠ أ م ب) = ٢٥° **فإن :** ق(∠ أ ب د) = ...



(أ) ٢٥° (ب) ٥٠°

(جـ) ٦٥° (د) ١٣٠°

موقع الدكتور محمد رزق معلم الكيمياء التعليمي D.M.RAZK

موقع الدكتور محمد رزق التعليمي

امسح الباركود بالموبيل لتثبيت التطبيق وتحميل كل الملازم مجانا وبسرعه

MR

حمل التطبيق الأن

GET IT ON Google Play

ملازم ابتدائي | ملازم اعدادي | ملازم ثانـــوي | كورسات ونتائج امتحانات

موقع الدكتور محمد رزق
Dr.MoRizk